

Zeichen	Sprechweise / Bedeutung	Zeichen	Sprechweise / Bedeutung
$<$ \leq	kleiner als kleiner oder gleich	\sin	Sinus
$>$ \geq	größer als größer oder gleich	\cos	Kosinus
$\%$	Prozent	\tan	Tangens
$] a, b [$	offenes Intervall von a bis b	\cot	Kotangens
$[a, b]$	abgeschlossenes Intervall von a bis b	A, B, M	Mengen
$[a, b [$	halboffenes Intervall von a bis b	$\{ a; b \}$	Menge mit den Elementen a und b
∞	unendlich	$\emptyset \quad \{ \}$	leere Menge
$f(x)$	f von x (Wert der Funktion f an der Stelle x)	$\{ x \mid \dots \}$	Menge aller x, für die gilt: ...
$f'(x)$	1. Ableitung der Funktion f	$A \cap B$	Durchschnittsmenge von A und B
$\frac{dy}{dx}$	dy nach dx, 1 Differentialquotient der Funktion $y = f(x)$	$A \cup B$	Vereinigungsmenge von A und B
a^b	a hoch b (Potenz)	$A \setminus B$	Differenzmenge von A und B
$\sqrt{\quad}$ $\sqrt[n]{\quad}$	Quadratwurzel aus n-te Wurzel aus	\mathbb{N}	Menge der natürlichen Zahlen
$\log_a x$	Logarithmus x zur Basis a	\mathbb{Z}	Menge der ganzen Zahlen
$\lg x$	Logarithmus x zur Basis 10	\mathbb{Q}_+	Menge der gebrochenen Zahlen
$\ln x$	Logarithmus x zur Basis e	\mathbb{Q}	Menge der rationalen Zahlen
$\lg_2 x$	Logarithmus x zur Basis 2	\mathbb{R}	Menge der reellen Zahlen
D	Definitionsbereich einer Funktion	W	Wertebereich einer Funktion

Potenzen	Wurzeln	Logarithmen
$a^n = a \cdot a \cdot \dots \cdot a$ a...Basis	$\sqrt[n]{a} = b \Leftrightarrow b^n = a$ a... Radikand	$\log_a b = c \Leftrightarrow a^c = b$
$a^0 = 1$ n...Exponent	$b > 0$ n...Wurzelexponent	$a \in \mathbb{R}, a > 0, a \neq 1$ a...Basis
$a^1 = a$ $a \in \mathbb{R} \setminus \{0\}, n \in \mathbb{N}$	$a \in \mathbb{R} \wedge a \geq 0, n \in \mathbb{N} \setminus \{0; 1\}$	$b \in \mathbb{R}, b > 0$ b...Numerus
$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$		$\log_a 1 = 0$ $\log_a a = 1$
$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$	$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{a} = \sqrt[n]{a^{m+n}}$ $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$	$\log_a (u \cdot v) = \log_a u + \log_a v$ mit $u, v \in \mathbb{R}$ und $u, v > 0$
$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$ $\frac{a^n}{b^n} = \left(\frac{a}{b}\right)^n$	$\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[n]{a^{n-m}}$ $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$	$\log_a \frac{u}{v} = \log_a u - \log_a v$
$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$	$\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$	$\log_a u^r = r \cdot \log_a u$ $r \in \mathbb{R}$
$\frac{1}{a^n} = \sqrt[n]{a^{-n}}$ $a^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{a}$	$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$ $a^{-\frac{m}{n}} = \frac{1}{\sqrt[n]{a^m}}$	$\log_a \sqrt[n]{u} = \frac{1}{n} \log_a u$ $n \in \mathbb{N}$

Quadratische Gleichungen			
	allgemeine Form	Normalform	
Gleichung	$ax^2 + bx + c = 0$	$x^2 + px + q = 0$	$a, b, c, p, q \in \mathbb{R};$ $a \neq 0$ a, b, c, p, q sind Konstanten
Lösungen	$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$	$x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q}$	
Diskriminante	$D = b^2 - 4ac$	$D = \left(\frac{p}{2}\right)^2 - q$	
Lösung in \mathbb{R}	$D > 0 \Rightarrow L = \{x_1, x_2\}$ $D = 0 \Rightarrow L = \{x_1\} = \{x_2\}$ $D < 0 \Rightarrow L = \emptyset$		

Proportionalität			
Sachverhalt		Proportionalität	Verhältnisgleichung
Größe A	a	c	(a < c)
Größe B	b	d	(b < d)
Je mehr (größer) A, desto mehr (größer) B		direkte Proportionalität	$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow a \cdot d = b \cdot c$
Größe A	a	c	(a < c)
Größe B	b	d	(b > d)
Je mehr (größer) A, desto weniger (kleiner) B		indirekte (oder umgekehrte) Proportionalität	$\frac{a}{b} = \frac{d}{c} \Rightarrow a \cdot c = b \cdot d$

Grundbeziehungen zwischen Winkelfunktionen		
$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$	$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$	$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
$\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1$	$\cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$	$1 + \cot^2 \alpha = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$
$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$	$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$	

Spezielle Funktionswerte trigonometrischer Funktionen									
	0°	30°	45°	60°	90°	120°	135°	150°	180°
	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	π
$y = \sin x$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	1	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$y = \cos x$	1	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	-1
$y = \tan x$	0	$\frac{1}{3}\sqrt{3}$	1	$\sqrt{3}$	--	$-\sqrt{3}$	-1	$-\frac{1}{3}\sqrt{3}$	0

Ableitungen spezieller Funktionen					Nenner $\neq 0$	
$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	
$\sin x$	$\cos x$	$-\sin x$	$\arcsin x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\frac{x}{(1-x^2)\sqrt{1-x^2}}$	
$\cos x$	$-\sin x$	$-\cos x$	$\arccos x$	$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\frac{-x}{(1-x^2)\sqrt{1-x^2}}$	
$\tan x$ $(x \neq (2n+1)\frac{\pi}{2}, n \in \mathbb{Z})$	$\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \tan^2 x$	$2 \tan x(1 + \tan^2 x)$	$\arctan x$	$\frac{1}{1+x^2}$	$\frac{-2x}{(1+x^2)^2}$	
$a^x (a > 0)$	$a^x \ln a$	$a^x (\ln a)^2$	e^x	e^x	e^x	
$\log_a x$ $(a > 0, a \neq 1, x > 0)$	$\frac{1}{x \cdot \ln a}$	$\frac{-1}{x^2 \cdot \ln a}$	$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$	

Differentiationsregeln		$u(x), v(x)$ differenzierbar; $c \in \mathbb{R}$
Faktorregel	$y = c \cdot u \Rightarrow y' = c \cdot u'$	
Summenregel	$y = u \pm v \Rightarrow y' = u' \pm v'$	
Produktregel	$y = u \cdot v \Rightarrow y' = u' \cdot v + u \cdot v'$	
Quotientenregel	$y = \frac{u}{v} (v \neq 0) \Rightarrow y' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$	
Kettenregel	$y = f(u)$ mit $u = g(x) \Rightarrow y' = f'(u) \cdot g'(x)$	

Untersuchung von Funktionen			$f(x)$ ist mindestens zweimal differenzierbar
Symmetrie	symmetrisch zur y-Achse	gerade Funktion	$f(x) = f(-x) \quad x \in D$
	punktsymmetrisch zu $P(0;0)$	ungerade Funktion	$f(-x) = -f(x) \quad x \in D$
Nullstelle	x_0 mit $f(x_0) = 0$ und $x_0 \in D$		
Monotonie	monoton wachsend in $[a,b]$	$f'(x) > 0$ für alle $x \in [a,b]$	
	monoton fallend in $[a,b]$	$f'(x) < 0$ für alle $x \in [a,b]$	
lokale Extremstellen	x_E ist Maximumstelle	$f'(x_E) = 0$ und $f''(x_E) < 0$	
	x_E ist Minimumstelle	$f'(x_E) = 0$ und $f''(x_E) > 0$	
Wendestelle	x_W ist Wendestelle	$f''(x_W) = 0$ und $f'''(x_W) \neq 0$	

Grundbegriffe der Integralrechnung	
Stammfunktion	$F(x)$ ist Stammfunktion von $f(x) \Leftrightarrow F'(x) = f(x)$
unbestimmtes Integral	$\int f(x) dx = F(x) + C$ C ... Integrationskonstante
bestimmtes Integral	$\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$
Eigenschaften des bestimmten Integrals	$\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$ $\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$ für $c \in [a, b]$

Unbestimmte Integrale		
$\int 0 dx = C$	$\int dx = x + C$	$\int a dx = ax + C \quad (a \neq 0)$
$\int x dx = \frac{1}{2}x^2 + C$	$\int x^n dx = \frac{1}{n+1}x^{n+1} + C \quad (n \in \mathbb{R}, n \neq -1)$	$\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C$
$\int \sqrt{x} dx = \frac{2}{3} \cdot \sqrt{x^3} + C$	$\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C \quad (a \neq 1)$	$\int e^x dx = e^x + C$
$\int \frac{1}{\sqrt{x}} dx = 2 \cdot \sqrt{x} + C \quad (x > 0)$	$\int \sin x dx = -\cos x + C$	$\int \cos x dx = \sin x + C$

Geometrie		
Rechteck mit den Seiten a, b	Fläche $F = a \cdot b$	Umfang $U = 2 \cdot (a + b)$
Kreis mit Radius r	Fläche $F = \pi \cdot r^2$	Umfang $U = 2\pi \cdot r$
Quader mit den Seiten a, b, c	Volumen: $V = a \cdot b \cdot c$	Mantel: $M = 2 \cdot (a \cdot b + a \cdot c + b \cdot c)$
Kugel	Volumen: $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3$	Oberfläche $O = 4\pi r^2$